Untuk menentukan apakah vektor  $\mathbf{c}$  merupakan **kombinasi linear** dari vektor  $\mathbf{a}$  dan  $\mathbf{b}$ , kita harus mencari apakah terdapat **skalar** x dan y yang memenuhi persamaan berikut:

$$c = xa + yb$$

Artinya, kita ingin mengetahui apakah kita bisa menuliskan vektor  $\mathbf{c}$  sebagai hasil perkalian skalar dan penjumlahan dari  $\mathbf{a}$  dan  $\mathbf{b}$ .

Langkah-langkah untuk mengeceknya: 1. Tulis persamaan dalam bentuk matriks Jika a, b, dan c ada dalam  $R^2$  (dua dimensi), misalkan:

$$a = a_1 a_2, \quad b = b_1 b_2, \quad c = c_1 c_2$$

Maka persamaan kombinasi linear menjadi:

$$xa_1a_2 + yb_1b_2 = c_1c_2$$

Atau dalam bentuk sistem persamaan linear:

$$xa_1 + yb_1 = c_1$$

$$xa_2 + yb_2 = c_2$$

- 2. Cari solusi untuk x dan y Jika sistem ini memiliki solusi unik atau banyak solusi, maka c adalah kombinasi linear dari a dan b. Jika sistem ini tidak memiliki solusi, maka c bukan kombinasi linear dari a dan b.
- 3. Cek determinan (untuk dimensi 2D saja) Jika kita menulis dalam bentuk matriks:

$$a_1b_1a_2b_2xy = c_1c_2$$

- Jika determinannya tidak nol ( $\det \neq 0$ ), maka solusi unik ada. - Jika determinannya nol, maka kita harus memeriksa apakah sistem masih memiliki solusi atau tidak.

Contoh Kasus Misalkan:

$$a = 12, \quad b = 34, \quad c = 56$$

Kita ingin tahu apakah ada x dan y yang memenuhi:

$$x12 + y34 = 56$$

Atau dalam bentuk sistem persamaan:

$$x(1) + y(3) = 5$$

$$x(2) + y(4) = 6$$

Kita selesaikan dengan metode eliminasi atau substitusi. Jika ada solusi x,y, maka **c** adalah kombinasi linear dari a dan b.

Kalau kamu punya contoh spesifik, kasih tahu aja biar kita cek bersama!